# APLICAÇÃO DO CONCEITO DA PROFUNDIDADE DE MISTURA GERADA PELA Ação de Ondas no Reservatório de Lajeado, Tocantins

Marcelo Marques<sup>1</sup>, Fernando O. de Andrade<sup>2</sup>, Cristhiane M. P. Okawa<sup>1</sup>, Elaine P. Arantes<sup>3</sup>

e Isabela Arantes Ferreira<sup>3</sup>

<sup>1</sup>Universidade Estadual de Maringá, Umuarama, Paraná, Brasil. <sup>2</sup>Universidade Tecnológica Federal do Paraná, Curitiba, Paraná, Brasil.

<sup>3</sup>Universidade Estadual de Maringá, Maringá, Paraná, Brasil.

E-mail: mmarques@uem.br, fandrade@utfpr.edu.br, eparantes@uem.br, isarantes10@gmail.com

#### Introdução

A ação do vento em corpos de água interiores pode ser importante principalmente quando o eixo longitudinal do corpo de água é orientado na sua direção predominante. A profundidade média também é um fator importante, pois corpos de água rasos têm uma resposta mais rápida a processos tais como aquecimento e resfriamento ou a ressuspensão de sedimentos, influenciados por ondas geradas pelo vento (Arantes et al., 2015). Estas ondas podem induzir processos de mistura em toda coluna d'água tendendo a destruir a estratificação vertical favorecendo a criação de gradientes longitudinais e transversais mais intensos (Smith, 1994). Estudos em corpos hídricos desse tipo frequentemente demandam informações relacionadas à dinâmica da massa hídrica.

O termo profundidade de mistura é definido como a profundidade máxima afetada pela onda ao se propagar. O efeito da dispersão longitudinal provocado por ondas geradas pela ação do vento constitui-se em um processo de importante impacto no ambiente podendo provocar suspensão de sedimentos e estratificação térmica do corpo hídrico.

O conceito foi apresentado por Marques (2013) e se baseia na constatação de que uma onda de determinado comprimento, propagando-se, perturba a massa líquida a uma profundidade máxima equivalente à metade de seu comprimento. Desse modo, ao determinar a metade do comprimento da onda em um ponto se está determinando a profundidade de mistura.

No presente trabalho o conceito de profundidade de mistura foi aplicado ao reservatório de Lajeado de maneira a obter a uma representação dessa variável em toda a superfície livre para 16 direções de ventos e para intensidades de 5, 10, 15 e 20 ms-1. A técnica de modelagem computacional empregada foi a paramétrica bidimensional (Marques e Andrade, 2017).

## Materiais e métodos

## Área de estudo

O reservatório de Lajeado que está situado no estado de Tocantins, Brasil. Este encontra-se em área de cerrado com baixo tempo de retenção (24 dias) e morfometria pouco complexa. O reservatório possui profundidade média de 3m, uma superfície de 626 km<sup>2</sup>, área de drenagem de 184.219,0 km<sup>2</sup> e a velocidade média do rio Tocantins de 300m/h (Pereira, 2002). As análises do presente trabalho foram desenvolvidas no período de março de 2016 com visitas de campo e no segundo semestre de 2016 por meio de atividades de simulação computacional.

#### Modelo computacional

O modelo ONDACAD é capaz de calcular automaticamente a distribuição do fetch no reservatório mediante uso do método geométrico de Saville (1954). De acordo com o método de Saville, o fetch em cada ponto do domínio e para dada direção é:

$$F = \sum_{i} x_{i} \cos \alpha_{i} / \sum_{i} \cos \alpha_{i}$$
 [1]

onde F é o fetch, αi é o ângulo entre a direção do vento e a direção secundária; e xi é o comprimento na direção secundária. O modelo ONDACAD aplica essa equação em uma malha computacional estruturada que cobre o reservatório de Lajeado.

O campo resultante de fetch é convertido em um campo de profundidade de mistura mediante aplicação de uma equação paramétrica. A equação paramétrica é obtida com base em conceitos físicos tratados pela teoria linear de ondas, para a qual o comprimento da onda em águas profundas é definido como:

$$L = \frac{gT^2}{2\pi}$$
<sup>[2]</sup>

onde L é o comprimento da onda, g é a aceleração gravitacional e T é o período da onda.

Para a determinação do período da onda é adotado o modelo SMB. Trata-se de uma equação paramétrica difundida no meio técnico e tratada com profundidade por Marques (2013). O período da onda é condicionado pela aceleração da gravidade (g), pelo valor de fetch (F) e pela intensidade do vento (U) de acordo com:

$$T = 7,54 \frac{U_{10}}{g} \tanh\left[0,077 \left(\frac{gF}{U_{10}^{2}}\right)^{0,25}\right]$$
[3]

Segundo Bretschneider (1966), o método referido como SMB foi inicialmente proposto por Sverdrup e Munk (1947) e em seguida modificado pelo autor, recebendo as letras iniciais do sobrenome de seus idealizadores. O método SMB foi objeto de inúmeras revisões e é um dos mais importantes modelos paramétricos de previsão de ondas (Cardone e Ross, 1979). É bastante empregado em função de sua simplicidade e eficiência (Kinsman, 1965; Wiegel, 1970).

Substituindo a equação [3] na equação [2] e assumindo que a profundidade de mistura (pfm) é a metade do comprimento da onda (L) é possível escrever que a profundidade de mistura é dada por:

$$pfm = \frac{4,52U_{10}^{2}}{g} \left\{ \tanh\left[0,077\left(\frac{gF}{U_{10}^{2}}\right)^{0,25}\right] \right\}^{2} \quad [4]$$

Pela condição assumida de campo de ondas que são limitadas pelo fetch, as informações sobre a duração do vento tornam-se prescindíveis. Foi através da equação [4] que o campo de *fetch* foi transformado em um campo de profundidade de mistura pela utilização do modelo ONDACAD.

#### Resultados e discussões

A aplicação do modelo computacional ONDACAD permitiu a geração de 16 mapas, um para cada direção e para cada uma das 4 intensidades do vento, totalizando 64 mapas. As profundidades máximas atingidas para todas as direções e intensidades de vento são apresentadas nas Tabelas 1 e 2.

**Tabela 1.-** Profundidades máximas (unidade em metros) atingidas pela onda para ireções E a WNW.

-									
U (m/s)	Direção	E	ENE	NE	NNE	N	NNW	NW	WN
	Fetch máx (km)	8,5	9,60	14,10	14,90	15,20	14,90	13,10	9,30
5	• PFM máx (m) •	3,2	3,35	3,89	3,97	4,00	3,97	3,78	3,3
10		4,5	4,62	4,95	5,00	5,01	5,00	4,89	4,59
15		8,2	8,26	8,53	8,57	8,58	8,57	8,48	8,23
20		14,6	14,71	14,94	14,98	14,99	14,98	14,90	14,6

 
 Tabela 2.- Profundidades máximas (unidade em metros) atingidas pela onda para irecões W a ESE.

U (m/s)	Direção	w	wsw	SW	SSW	S	SSE	SE	ESE
	Fetch máx (km)	8,30	10,10	14,30	15,80	15,90	15,40	13,60	9,20
5	· PFM máx (m) ·	3,16	3,42	3,91	4,06	4,07	4,02	3,84	3,29
10		4,49	4,66	4,96	5,05	5,05	5,03	4,92	4,58
15		8,15	8,29	8,54	8,61	8,61	8,59	8,50	8,22
20		14,62	14,74	14,95	15,01	15,01	14,99	14,92	14,69

A tabela 2 mostra que a menor profundidade perturbada pelas ondas foi de 3,2 metros, atingida pelo vento de 5m/s no sentido transversal leste. Ventos provenientes da direção sul permitem a combinação aos maiores comprimentos de fetch, gerando ondas que atingem as maiores profundidades. Por meio da Tabela 2 pode-se verificar também que vento soprando a 20 ms<sup>-1</sup> geraria ondas que, ao se propagar, atingiriam 15 metros de profundidade caso as condições batimétricas assim permitissem.

## Considerações finais

O método gráfico de determinação do *fetch*, de aplicação trabalhosa pelo projetista, por exigir uma excessiva quantidade de operações gráficas, pôde ser aprimorado e aplicado com sucesso pela utilização do modelo computacional ONDACAD viabilizando a aplicação do conceito de campo de *fetch* e sua transformação para campo de profundidade de mistura. A técnica foi validada para altura de ondas (Marques e Andrade, 2017), tornando oportuna a validação da profundidade de mistura por estudos futuros.

Os resultados desse estudo indicam que o reservatório de Lajeado dificilmente atinge uma condição de estratificação térmica, devendo ser comum a ressuspensão de sedimentos do fundo. As maiores profundidades foram atingidas para ventos orientados na direção do comprimento predominante do reservatório. A aplicação do conceito de profundidade de mistura via modelagem paramétrica bidimensional mostrou-se viável. O reduzido tempo de processamento na geração dos mapas e a demanda somente das informações sobre o vento (intensidade e direção) pode tornar oportuna a incorporação do modelo em sistemas de previsão em tempo real.

Um importante desdobramento que pode ser empreendido por trabalhos futuros é a incorporação da batimetria do lago no processo de modelagem, de modo a permitir o mapeamento das tensões no fundo geradas pela onda ao se propagar.

## Agradecimentos

Os autores desse trabalho agradecem a Fundação Araucária.

## Referências

Arantes, E. P.; Marques, M; Andrade F. O.; Okawa, C. M. P; Souza, M. L. 2015. Conceito da profundidade de mistura gerada pela ação de ondas aplicado à Lagoa dos Patos, RS, Brasil. In: Simpósio brasileiro de recursos hídricos, 21. (SBRH), Brasília. Anais. São Paulo, 2015.

**Bretschneider**, C. L. 1966. Wave generation by wind, deep and shallow water. In: A.T. Ippen (Editor), Estuary and Coastline Hydrodynamics. McGraw-Hill, New York, pp. 744.

**Cardone, V. J.; Ross, D. B.** 1979. Wave Prediction Methods and Data Requirements, Ocean Wave Climate, edited by M. D. Earle and A. Malahoff, Plenum Publishing Corp.

Kinsman, B. 1965. Wind Waves; Their Generation and Propagation on the Ocean Surface. Prentice Hall, Inc., 676 pp.

**Marques, M.** 2013. Modelagem paramétrica bidimensional para simulação de ondas em águas continentais. Tese de doutorado - Programa de Pós-Graduação Engenharia de Recursos Hídricos e Ambiental. Curitiba: Universidade Federal do Paraná. 219 pp.

Marques, M.; Andrade, F. O. 2017. Automated computation of twodimensional fetch fields: case study of the Salto Caxias reservoir in southern Brazil. Lake and

**MPereira, V. L. R.** 2002. A Limnologia e o gerenciamento integrado do reservatório da Usina Hidrelétrica Luis Eduardo Magalhães - UHE Lajeado Tocantins. Tesis Doctoral de La Universidade Estadual de São Paulo, CRHEA-EESC-USP, Brasil: 262 p

Saville, T., 1954. The effect of fetch width on wave generation. *Technical Memorandum No.* 70, U.S. Army, Corps of Engineers, Beach Erosion Board, 9 pp

Sverdrup, H.U.; Munk, W.H. 1947. Wind, sea and swell: Theory of relations for forecasting. Publication 601, *Hydrographic Office*, U.S. Navy, pp. 50

Wiegel, R. L.; Noda, E. K.; Kuba, E. M.; Gee, D. M.; Tornberg, G. F. 1970. Water waves generated by landslides in reservoir, J. of the Waterways and Harb. Div., *Proc. of the Am. Soc. of Civ. Eng.* 96 (WW2): pp. 307–333